

LAVAGNA DEL 29.04.2026

SIMULAZIONE NUMERICA PAG. 4

a) Nel modello di Bertrand le imprese si fanno concorrenza modificando il prezzo fino a raggiungere il costo marginale. Dato che i prezzi è 75, avremo

$$P = MC; \quad 120 - \frac{1}{2}Q = 75; \quad \frac{1}{2}Q = 45;$$

$$Q^B = 90$$

Ogni impresa servirà la metà del mercato, per cui avremo:

$$q_1^B = \frac{1}{2}Q^B = q_2^B; \quad q_1^B = q_2^B = 45$$

$$P^B = 120 - \frac{1}{2}Q^B; \quad P^B = 120 - \frac{1}{2}(90); \quad P^B = 75$$

$$b) \pi_1^B = RT_1^B - CT_1^B; \quad \pi_1^B = (75 \cdot 45) - (75 \cdot 45); \quad \pi_1^B = 0$$

$$\pi_2^B = RT_2^B - CT_2^B; \quad \pi_2^B = (75 \cdot 45) - (75 \cdot 45); \quad \pi_2^B = 0$$

SIMULAZIONE NUMERICA PAG. 8

a) Nel modello di Stackelberg le domande residue delle imprese leader (nel nostro caso la impresa 1) si ottiene sostituendo nella funzione di domanda di mercato la funzione di reazione delle imprese follower:

$$P = 120 - \frac{1}{2}(q_1 + q_2); \quad P = 120 - \frac{1}{2}q_1 - \frac{1}{2}\left(45 - \frac{1}{2}q_1\right);$$

$$P = 120 - \frac{1}{2}q_1 - 22,5 + \frac{1}{4}q_1; \quad P = 97,5 - \frac{1}{4}q_1$$

b) La leader impone le condizioni di massimo profitto

$$RM_1 = CM_1; \quad 97,5 - \frac{1}{2}q_1 = 75; \quad \frac{1}{2}q_1 = 22,5; \quad q_1^S = 45$$

c) l'impresa follows "regime" andando sulle
sue funzioni di risposta:

$$q_2^s = 45 - \frac{1}{2} q_1^s; \quad q_2^s = 45 - \frac{1}{2} (45); \quad q_2^s = 22,5$$

$$d) \quad q^s = q_1^s + q_2^s; \quad q^s = 45 + 22,5; \quad q^s = 67,5$$
$$P^s = 120 - \frac{1}{2} q^s; \quad P^s = 120 - \frac{1}{2} (67,5); \quad P^s = 86,25$$

$$e) \quad \pi_1^s = RT_1^s - CT_1^s; \quad \pi_1^s = (86,25 \cdot 45) - (75 \cdot 45); \quad \pi_1^s = 506,25$$

$$\pi_2^s = RT_2^s - CT_2^s; \quad \pi_2^s = (86,25 \cdot 22,5) - (75 \cdot 22,5); \quad \pi_2^s = 253,125$$